

| 頁碼 | 位置 | 原文 | 修正 |
|----|------------|--|---|
| 22 | 定義 2.1 | <p>x 由左右兩側愈接近 c 但 $x \neq c$ 時, $f(x)$ 也愈來愈接近常數 L, 則可表示成</p> $x \rightarrow c \Rightarrow f(x) \rightarrow L$ <p>或 $\lim_{x \rightarrow c} f(x) = L$</p> <p>唸作 x 趨近於 c 時, $f(x)$ 的極限值為 L。</p> | <p>x 由左右兩側愈接近 c 但 $x \neq c$ 時, $f(x)$ 也愈來愈接近常數 L, 亦可表示成</p> $x \rightarrow c \Rightarrow f(x) \rightarrow L$ <p>則稱 f 在 c 處之極限為 L, 並記作</p> $\lim_{x \rightarrow c} f(x) = L。$ |
| 23 | 定理 2.2 | <p>(1) 若 $p(x)$ 為多項式函數, 則</p> $\lim_{x \rightarrow c} p(x) = \lim_{x \rightarrow c} p(c)$ | <p>(1) 若 $p(x)$ 為多項式函數, 則</p> $\lim_{x \rightarrow c} p(x) = p(c)$ |
| 24 | 例題 7 解 | $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{\sqrt{x+2} - 2}{x-2} = \frac{(\sqrt{x+2} - 2)(\sqrt{x+2} + 2)}{(x-2)(\sqrt{x+2} + 2)}$ | $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{\sqrt{x+2} - 2}{x-2}$ $= \lim_{x \rightarrow 2} \frac{(\sqrt{x+2} - 2)(\sqrt{x+2} + 2)}{(x-2)(\sqrt{x+2} + 2)}$ |
| 27 | 定義 2.2 | <p>當 x 從左側趨近於 c 但 $x \neq c$ 時, $f(x)$ 趨近於 L_1, 則可表示成 $x \rightarrow c^- \Rightarrow f(x) \rightarrow L_1$ 或 $\lim_{x \rightarrow c^-} f(x) = L_1$, 並稱 f 在 c 處之左極限為 L_1, 記作 $\lim_{x \rightarrow c^-} f(x) = L_1$。</p> <p>當 x 從右側趨近於 c 但 $x \neq c$ 時, $f(x)$ 趨近於 L_2, 則可表示成 $x \rightarrow c^+ \Rightarrow f(x) \rightarrow L_2$ 或 $\lim_{x \rightarrow c^+} f(x) = L_2$, 並稱 f 在 c 處之右極限為 L_2, 記作 $\lim_{x \rightarrow c^+} f(x) = L_2$。</p> <p>當 $L_1 = L_2 = L$ 時, 則稱 f 在 c 處之極限存在, 記作 $\lim_{x \rightarrow c} f(x) = L$。</p> | <p>當 x 從左側趨近於 c 但 $x \neq c$ 時, $f(x)$ 趨近於 L_1, 亦可表示成 $x \rightarrow c^- \Rightarrow f(x) \rightarrow L_1$, 則稱 f 在 c 處之左極限為 L_1, 記作 $\lim_{x \rightarrow c^-} f(x) = L_1$。</p> <p>當 x 從右側趨近於 c 但 $x \neq c$ 時, $f(x)$ 趨近於 L_2, 亦可表示成 $x \rightarrow c^+ \Rightarrow f(x) \rightarrow L_2$, 則稱 f 在 c 處之右極限為 L_2, 記作 $\lim_{x \rightarrow c^+} f(x) = L_2$。</p> <p>當 $L_1 = L_2 = L$ 時, 則稱 f 在 c 處之極限存在。</p> |
| 30 | 定義 2.3 | <p>若 x 愈來愈接近 c 但 $x \neq c$ 時, $f(x)$ 也愈來愈大 (或愈來愈小) 而不受限制, 則稱 f 在 c 處之極限為 ∞ (或 $-\infty$), 記作 $\lim_{x \rightarrow c} f(x) = \infty$ (或 $-\infty$)。類似之定義包括 $\lim_{x \rightarrow c^-} f(x) = \infty$ (或 $-\infty$)、$\lim_{x \rightarrow c^+} f(x) = \infty$ (或 $-\infty$)。</p> | <p>若 x 愈來愈接近 c 但 $x \neq c$ 時, $f(x)$ 也愈來愈大 (或愈來愈小) 而不受限制亦可表示成 $x \rightarrow c \Rightarrow f(x) \rightarrow \infty$ (或 $-\infty$), 則稱 f 在 c 處之極限為 ∞ (或 $-\infty$), 記作 $\lim_{x \rightarrow c} f(x) = \infty$ (或 $-\infty$)。類似之定義包括 $\lim_{x \rightarrow c^-} f(x) = \infty$ (或 $-\infty$)、$\lim_{x \rightarrow c^+} f(x) = \infty$ (或 $-\infty$)。</p> |
| 34 | 定義 2.5 | <p>若 x 愈來愈大 (或愈來愈小) 而不受限制時, $f(x)$ 愈來愈接近一固定常數 L, 則稱 f 在無限遠處之極限為 L, 記作 $\lim_{x \rightarrow \infty} f(x) = L$ (或 $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = L$)。</p> | <p>若 x 愈來愈大 (或愈來愈小) 而不受限制時, $f(x)$ 愈來愈接近一固定常數 L, 亦可表示成 $x \rightarrow \infty$ (或 $-\infty$) $\Rightarrow f(x) \rightarrow L$, 則稱 f 在無限遠處之極限為 L, 記作 $\lim_{x \rightarrow \infty} f(x) = L$ (或 $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = L$)。</p> |
| 38 | 例題 13 解 | $m_1 = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{f(x)}{x} = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\sqrt{4x^2 + 3x + 5}}{x}$ $= \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\sqrt{4x^2 + 3x + 5}}{x^2}$ $= \sqrt{4 + \frac{3}{x} + \frac{5}{x^2}} = 2$ | $m_1 = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{f(x)}{x} = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\sqrt{4x^2 + 3x + 5}}{x}$ $= \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\sqrt{4x^2 + 3x + 5}}{x^2}$ $= \lim_{x \rightarrow \infty} \sqrt{4 + \frac{3}{x} + \frac{5}{x^2}} = 2$ |

| | | | |
|----|-------------|---|---|
| 41 | 定理 2.8 | 若 f 、 g 均在 c 處連續，則 kf 、 $f+g$ 、 $f-g$ 、 $f \cdot g$ 、 $\frac{f}{g}$ ($g(c) \neq 0$)、 f^n 及 $\sqrt[n]{f}$ (若 n 為偶數，必須 $f(c) > 0$) 均在 c 處連續。 | 若 f 、 g 均在 c 處連續，則 kf 、 $f+g$ 、 $f-g$ 、 $f \cdot g$ 、 $\frac{f}{g}$ ($g(c) \neq 0$)、 f^n 及 $\sqrt[n]{f}$ (若 n 為偶數，必須 $f(c) \geq 0$) 均在 c 處連續。 |
| 48 | 例題 1 題目 | 一物體沿著水平線移動，函數 $s = t^3 - 12t^2 + 36t - 30$ ，表示在時間 t (分鐘) 時物體的位置。試問： | 一物體沿著水平線移動，函數 $s(t) = t^3 - 12t^2 + 36t - 30$ ，表示在時間 t (分鐘) 時物體的位置。試問： |
| 53 | 定理 3.2 | 若 $f(x) = k$ ，其中 k 為一常數，則此函數的導數 | 若 $f(x) = k$ ，其中 k 為一常數，則此函數的導函數 |
| 54 | 定理 3.3 | 若 $f(x) = x$ ，則此函數的導數 | 若 $f(x) = x$ ，則此函數的導函數 |
| 56 | 例題 3 | 求下列函數之導數。 | 求下列函數之導函數。 |
| 56 | 定理 3.7 | 若 f 及 g 皆為可微分函數，則 $(fg)'(x) = f'(x)g(x) + g(x) \cdot f'(x)$ | 若 f 及 g 皆為可微分函數，則 $(fg)'(x) = f'(x)g(x) + g'(x) \cdot f(x)$ |
| 67 | 例題 2 解 方法 1 | $(3x^3 - 2)y = x^2 - 1 \Rightarrow y = \frac{x^2 - 1}{3x^3 - 2}$ $\Rightarrow y' = \frac{(x^2-1)'(3x^3-2) - (x^2-1)(3x^3-2)'}{(3x^3-2)^2}$ $= \frac{-3x^4 + 9x^2 - 4x}{(3x^3 - 2)^2}$ | $(3x^3 - 2)y = x^2 - 1 \Rightarrow y = \frac{x^2 - 1}{3x^3 - 2}$ $\Rightarrow y' = \frac{(x^2-1)'(3x^3-2) - (x^2-1)(3x^3-2)'}{(3x^3-2)^2}$ $= \frac{-3x^4 + 9x^2 - 4x}{(3x^3 - 2)^2}$ |
| 67 | 例題 2 解 方法 2 | $\frac{d}{dx}(3x^3y - 2y) = \frac{d}{dx}(x^2 - 1)$ $\Rightarrow [3x^2y + 3x^3y'] - 2y' = 2x$ $\Rightarrow (3x^3 - 2)y' = 2x - 3x^2y$ $\Rightarrow y' = \frac{2x - 3x^2y}{3x^3 - 2}$ $\Rightarrow y' = \frac{2x - 3x^2 \left(\frac{x^2 - 1}{3x^3 - 2} \right)}{3x^3 - 2}$ $= \frac{-3x^4 + 9x^2 - 4x}{(3x^3 - 2)^2}$ | $\frac{d}{dx}(3x^3y - 2y) = \frac{d}{dx}(x^2 - 1)$ $\Rightarrow [9x^2y + 3x^3y'] - 2y' = 2x$ $\Rightarrow (3x^3 - 2)y' = 2x - 9x^2y$ $\Rightarrow y' = \frac{2x - 9x^2y}{3x^3 - 2}$ $\Rightarrow y' = \frac{2x - 9x^2 \left(\frac{x^2 - 1}{3x^3 - 2} \right)}{3x^3 - 2}$ $= \frac{-3x^4 + 9x^2 - 4x}{(3x^3 - 2)^2}$ |
| 68 | 例題 3 解 | $\frac{d}{dx}(x^5 + 4y^3) = \frac{d}{dx}(x^2 + 5)$ $\Rightarrow (5x^4 + 4y^2y' + 4) = 2x$ $\Rightarrow 4y^2y' = 2x - 5x^4$ $\Rightarrow y' = \frac{2x - 5x^4}{4y^2}$ | $\frac{d}{dx}(x^5 + 4y^3) = \frac{d}{dx}(x^2 + 5)$ $\Rightarrow (5x^4 + 12y^2y') = 2x$ $\Rightarrow 12y^2y' = 2x - 5x^4$ $\Rightarrow y' = \frac{2x - 5x^4}{12y^2}$ |
| 71 | 定理 3.12 | 臨界點 假設 c 包含在函數 f 之定義域內，如果 $f'(c) = 0$ 或 $f'(c)$ 不存在，則稱此 c 值為函數 f 之臨界點 (critical point)。 假設 f 在區間 I 有定義， c 包含在 I 內。如果 $f(c)$ 為函數 f 在區間 I 的絕對極值，則 c 可能為 (1) 區間的端點。 (2) 函數的臨界點。 | 臨界數 假設 c 包含在函數 f 之定義域內，如果 $f'(c) = 0$ 或 $f'(c)$ 不存在，則稱此 c 值為函數 f 之臨界數 (critical number)。 假設 f 在區間 I 有定義， c 包含在 I 內。如果 $f(c)$ 為函數 f 在區間 I 的絕對極值，則 c 可能為 (1) 區間的端點。 (2) 函數的臨界數。 |
| 71 | 例題 3 | 求函數 $f(x) = -x^3 + 3x^2$ 在區間 $[-\frac{1}{2}, 2]$ 的臨界點。 | 求函數 $f(x) = -x^3 + 3x^2$ 在區間 $[-\frac{1}{2}, 2]$ 的臨界數。 |

| | | | |
|----|-----------------|--|---|
| | | <p>解 端點：$-\frac{1}{2}, 2$。臨界點：$f'(x) = -3x^2 + 6x = 3x(2-x) = 0, x=0, 2$ 所以在 $[-\frac{1}{2}, 2]$ 的臨界點為 $\{-\frac{1}{2}, 0, 2\}$</p> <p>在閉區間內求函數之絕對極值的步驟如下： 步驟一：找出此函數在區間內的臨界點。 步驟二：計算並比較這些臨界點及端點的函數值，最大值即為絕對極大值，最小值即為絕對極小值。</p> | <p>解 臨界數：$f'(x) = -3x^2 + 6x = 3x(2-x) = 0, x=0, 2$ 所以在 $[-\frac{1}{2}, 2]$ 的臨界數為 $\{0, 2\}$</p> <p>在閉區間內求函數之絕對極值的步驟如下： 步驟一：找出此函數在區間內的臨界數。 步驟二：計算並比較這些臨界數及端點的函數值，最大值即為絕對極大值，最小值即為絕對極小值。</p> |
| 71 | 例題 4 解 | <p>1. 找出臨界點 $f'(x) = 2x = 0, x=0, 0 \in [-1, 2]$。 端點 $x = -1, x = 2$。</p> <p>2. 比較函數數值 $f(0) = 0, f(-1) = -1, f(2) = 4$。函數的絕對極大值為 4，絕對極小值為 -1。</p> | <p>1. 找出臨界數 $f'(x) = 2x = 0, x=0, 0 \in [-1, 2]$。</p> <p>2. 比較函數數值 $f(0) = 0, f(-1) = -1, f(2) = 4$。函數的絕對極大值為 4，絕對極小值為 -1。</p> |
| 71 | 例題 5 解 | <p>1. 找出臨界點：$\{-\frac{1}{2}, 0, 2\}$</p> | <p>1. 找出臨界數：$\{0, 2\}$</p> |
| 72 | 例題 6 解 | <p>1. 找出臨界點 $f'(x) = \frac{3}{5}x^{-\frac{2}{5}} \neq 0, f'(0)$ 不存在。$x=0, x = -1, x = 1$</p> <p>2. 比較函數數值。$f(0)=0, f(-1)=1, f(1)=1$。 函數的絕對極大值為 1，絕對極小值為 0。</p> | <p>1. 找出臨界數 $f'(x) = \frac{3}{5}x^{-\frac{2}{5}} \neq 0, f'(0)$ 不存在。$x=0$</p> <p>2. 比較函數數值。$f(0)=0, f(-1)=-1, f(1)=1$。 函數的絕對極大值為 1，絕對極小值為 -1。</p> |
| 72 | 習題 3.5 | 1 ~ 5 題，求下列函數在給定區間下之臨界點。 | 1 ~ 5 題，求下列函數在給定區間下之臨界數。 |
| 76 | 例題 4 解-第 4 行 | 遞增區間包括 $(-\infty, -\frac{2}{3})$ 及 $(1, \infty)$ ，遞減區間 $(-\frac{2}{3}, 1)$ 。上凹區間 $(\frac{1}{6}, \infty)$ | 遞增區間包括 $(-\infty, -\frac{2}{3})$ 及 $(1, \infty)$ ，遞減區間 $(-\frac{2}{3}, 1)$ 。上凹區間 $(\frac{1}{6}, \infty)$ |
| 77 | 例題 5 解-第 3 行 | 反曲點 $(0, f(0)) = (0, 1)$ | 反曲點 $(0, f(0)) = (0, 0)$ |
| 78 | 習題 3.6 第 9 題 | 9. $f(x) = 3x^3 - 2x^2 + 3x + 4$ | 9. $f(x) = 3x^3 - 3x^2 - 3x + 4$ |
| 78 | 定義 3.6 | <p>(1) 若在 I 中任意的 x，其函數數值皆小於 $f(c), f(c) \geq f(x)$，則 $f(c)$ 為 f 的相對極大值。</p> <p>(2) 若在 I 中任意的 x，其函數數值皆大於 $f(c), f(c) \leq f(x)$，則 $f(c)$ 為 f 的相對極小值。</p> | <p>(1) 若在 I 中任意的 x，其函數數值皆小於等於 $f(c), f(c) \geq f(x)$，則 $f(c)$ 為 f 的相對極大值。</p> <p>(2) 若在 I 中任意的 x，其函數數值皆大於等於 $f(c), f(c) \leq f(x)$，則 $f(c)$ 為 f 的相對極小值。</p> |
| 79 | 定理 3.15 | 設函數 f 在開區間 (a, b) 為連續，臨界值 c 包含在 (a, b) 間。 | 設函數 f 在開區間 (a, b) 為連續，臨界數 c 包含在 (a, b) 間。 |
| 79 | 第 1~3 行 | 藉由圖 3.11，可以清楚判斷函數的相對極值。在臨界值前後，若一階導數由正轉負，表示函數由遞增轉換至遞減，故在臨界值會有相對極大值，如圖 3.11(a)。反之，若一階導數由負轉正，表示函數由遞減轉換至遞增，故在臨界值 | 藉由圖 3.11，可以清楚判斷函數的相對極值。在臨界數前後，若一階導數由正轉負，表示函數由遞增轉換至遞減，故在臨界數會有相對極大值，如圖 3.11(a)。反之，若一階導數由負轉正，表示函數由遞減轉換至遞增，故在臨界數 |
| 80 | 例題 1 解 | $f'(x) = 2x - 4 = 0$ ，臨界值 $x = 2$ 在 $x < 2$ ，一階導數為負；在 $x > 2$ ，一階導數為 | $f'(x) = 2x - 4 = 0$ ，臨界數 $x = 2$ 在 $x < 2$ ，一階導數為負；在 $x > 2$ ，一階導數為 |

| | | | |
|-----|------------------|---|---|
| | | 正。所以在 $x=2$ 有相對極小值 $f(2)=2$ 。 | 正。所以在 $x=2$ 有相對極小值 $f(2)=-2$ 。 |
| 80 | 例題 2 解 | 在 $x=-\frac{1}{2}$ 有相對極大值 $f(-\frac{1}{2})=\frac{29}{4}$ ，在 $x=1$ 有相對極小值 $f(1)=0$ | 在 $x=-\frac{1}{2}$ 有相對極大值 $f(-\frac{1}{2})=\frac{27}{4}$ ，在 $x=1$ 有相對極小值 $f(1)=0$ |
| 80 | 例題 3 解 | 在 $x=-1$ 有相對極小值 $f(-1)=-1$ ，在 $x=1$ 有相對極小值 $f(1)=1$ 。 | 在 $x=-1$ 有相對極小值 $f(-1)=-1$ ，在 $x=1$ 有相對極大值 $f(1)=1$ 。 |
| 100 | 4.2 節 | 指數函數及其導數 | 指數函數及其導函數 |
| 101 | 第 5 行 | 4. 在 $a>1$ 時，為一嚴格遞增函數，... $\lim_{x \rightarrow \infty} a^x = \infty, \lim_{x \rightarrow -\infty} a^x = 0$ | 4. 在 $a>1$ 時，為一嚴格遞增函數，... $\lim_{x \rightarrow \infty} a^x = \infty, \lim_{x \rightarrow -\infty} a^x = 0$ |
| 102 | 定理 4.3 | 指數函數 $f(x)=a^x$ ，其導數 $f'(x)=f(x) \cdot f'(0)$ 。 | 指數函數 $f(x)=a^x$ ，其導函數 $f'(x)=f(x) \cdot f'(0)$ 。 |
| 103 | 例題 5 | 求函數 $f(x)=e^{x^2+1}$ 之導數 | 求函數 $f(x)=e^{x^2+1}$ 之導函數 |
| 103 | 例題 6 | 求函數 $y=x^2e^{-5x^3+x+2}$ 之導數 | 求函數 $y=x^2e^{-5x^3+x+2}$ 之導函數 |
| 103 | 例題 7 | 求函數 $y=\frac{e^x}{x^2}$ 之導數 | 求函數 $y=\frac{e^x}{x^2}$ 之導函數 |
| 108 | 4.4 節 | 對數函數之導數 | 對數函數之導函數 |
| 112 | 第 5 行 | 步驟一：對函數 $y=f(x)$ 取自然對數 $\ln y=\ln f(x)$ ，根據指數函數的性質將函數簡化。 | 步驟一：對函數 $y=f(x)$ 取自然對數 $\ln y=\ln f(x)$ ，根據對數函數的性質將函數簡化。 |
| 117 | 例題 7 解 | $\begin{aligned} \lim_{x \rightarrow 0^+} \left(\frac{1}{\ln(x+1)} - \frac{1}{x} \right) &= \lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{1 - \frac{1}{x+1}}{\ln(x+1) - \frac{x}{x+1}} \\ &= \lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{x}{(x+1)\ln(x+1) - x} \left(\frac{0}{0} \right) \\ &= \lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{1}{\ln(x+1) + (x+1)\frac{1}{x+1} - 1} \\ &= \lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{1}{\ln(x+1)} = \infty \end{aligned}$ 故 $\lim_{x \rightarrow 0^+} \left(\frac{1}{\ln(x+1)} - \frac{1}{x} \right) = \infty$ | $\begin{aligned} \lim_{x \rightarrow 0^+} \left(\frac{1}{\ln(x+1)} - \frac{1}{x} \right) &= \lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{1 - \frac{1}{x+1}}{\ln(x+1) + \frac{x}{x+1}} \\ &= \lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{x}{(x+1)\ln(x+1) + x} \left(\frac{0}{0} \right) \\ &= \lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{1}{\ln(x+1) + (x+1)\frac{1}{x+1} + 1} \\ &= \lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{1}{\ln(x+1) + 2} = \frac{1}{2} \end{aligned}$ 故 $\lim_{x \rightarrow 0^+} \left(\frac{1}{\ln(x+1)} - \frac{1}{x} \right) = \frac{1}{2}$ |
| 130 | 習題 5.1 第 10 題 | $\int (3x^2 + x)\sqrt{2x^3 + x + 1} dx$ | $\int (3x^2 + x)\sqrt{2x^3 + x^2 + 1} dx$ |
| 131 | 例題 2 解 | $\begin{aligned} &\int (1-t)(2+t^2) dt \\ &= \int (2-2t+t^2-t^3) dt \\ &= 2t - 2\frac{t^2}{2} + \frac{t^3}{3} - \frac{t^4}{4} + C \\ &= 2t - t^2 + \frac{1}{3}t^3 - \frac{1}{4}t^4 + C \end{aligned}$ | $\begin{aligned} &\int (1-t)(2+t^2) dt \\ &= \int (2-2t+t^2-t^3) dt \\ &= 2t - 2\frac{t^2}{2} + \frac{t^3}{3} - \frac{t^4}{4} + C \\ &= 2t - t^2 + \frac{1}{3}t^3 - \frac{1}{4}t^4 + C \end{aligned}$ |
| 132 | 習題 5.2 第 6 題 | $\int -\frac{5}{x} + e^{-2x} dx$ | $\int \left(-\frac{5}{x} + e^{-2x} \right) dx$ |
| 134 | 例題 4 | 求 $\int_{-1}^2 3x^2 - 2x + 3 dx$ $\textcircled{\text{解}} \int_{-1}^2 3x^2 - 2x + 3 dx = (x^3 - x^2 + 3x) \Big _{-1}^2$ | 求 $\int_{-1}^2 (3x^2 - 2x + 3) dx$ $\textcircled{\text{解}} \int_{-1}^2 (3x^2 - 2x + 3) dx = (x^3 - x^2 + 3x) \Big _{-1}^2$ |

| | | | |
|-----|-------------------|--|--|
| 135 | 例題 5 | 求 $\int_{-4}^{-2} y^2 + \frac{1}{y^3} dy$ 解 $\int_{-4}^{-2} y^2 + \frac{1}{y^3} dy = \left(\frac{y^3}{3} - \frac{1}{2y^2}\right) \Big _{-4}^{-2} =$ | 求 $\int_{-4}^{-2} \left(y^2 + \frac{1}{y^3}\right) dy$ 解 $\int_{-4}^{-2} \left(y^2 + \frac{1}{y^3}\right) dy = \left(\frac{y^3}{3} - \frac{1}{2y^2}\right) \Big _{-4}^{-2} =$ |
| 135 | 例題 7 | 求 $\int_{-2}^0 3e^x + x dx$ 解 $\int_{-2}^0 3e^x + x dx = \left(3e^x + \frac{x^2}{2}\right) \Big _{-2}^0$ $= (3e^0 + 0) - (3e^{-2} + 2)$ $= 1 - \frac{3}{e^2}$ | 求 $\int_{-2}^0 (3e^x + x) dx$ 解 $\int_{-2}^0 (3e^x + x) dx = \left(3e^x + \frac{x^2}{2}\right) \Big _{-2}^0$ $= (3e^0 + 0) - (3e^{-2} + 2)$ $= 1 - \frac{3}{e^2}$ |
| 135 | 例題 8 | 求 $\int_1^2 \frac{3x+5}{x} dx$ 解 $\int_1^2 \frac{3x+5}{x} dx = \int_1^2 3 dx + \int_1^2 \frac{5}{x} dx =$ | 求 $\int_1^2 \left(\frac{3x+5}{x}\right) dx$ 解 $\int_1^2 \left(\frac{3x+5}{x}\right) dx = \int_1^2 3 dx + \int_1^2 \frac{5}{x} dx =$ |
| 136 | 習題 5.3 第 3、5 題 | 3. $\int_{-2}^{-1} 4t^3 + \frac{2}{t^3} dt$ 5. $\int_{-1}^2 v - 2 v dv$ | 3. $\int_{-2}^{-1} \left(4t^3 + \frac{2}{t^3}\right) dt$ 5. $\int_{-1}^2 (v - 2 v) dv$ |
| 142 | 第 2 行 題號 5 | $\int_{-3}^3 \frac{1}{\sqrt{1+3x^2}} dx$ | $\int_{-3}^3 \frac{x}{\sqrt{1+3x^2}} dx$ |
| 145 | 倒數 第 2 行 | $\int \frac{d}{a\left(x + \frac{b}{2a}\right)^2 + \frac{4ac-b^2}{4a^2}} dx$ | $\int \frac{d}{a\left(x + \frac{b}{2a}\right)^2 + \frac{4ac-b^2}{4a}} dx$ |
| 291 | 定義 10.12 (3) | 對 $\sum a_x x^n$ 而言，定理 10.16 的狀況 (1) 下， $\sum a_x x^n$ 的收斂區域為 $(-\infty, \infty)$ 。狀況 (2) 下， $\sum a_x x^n$ 的收斂區域為一點 $\{0\}$ 。狀況 (3) 下， $\sum a_x x^n$ 的收斂區域為 $(-R, R)$ 或 $[-R, R)$ 或 $(-R, R]$ 或 $[-R, R]$ 之中的一個。 | 對 $\sum a_n x^n$ 而言，定理 10.16 的狀況 (1) 下， $\sum a_n x^n$ 的收斂區域為 $(-\infty, \infty)$ 。狀況 (2) 下， $\sum a_n x^n$ 的收斂區域為一點 $\{0\}$ 。狀況 (3) 下， $\sum a_n x^n$ 的收斂區域為 $(-R, R)$ 或 $[-R, R)$ 或 $(-R, R]$ 或 $[-R, R]$ 之中的一個。 |
| 297 | 例題 3 解/第 1 行 | 令 $f(x) = \sin x$ ，在此，先利用 $(\sin x)' = \cos x$ ，且 $(\cos x)' = -\sin x$ 性質 | 令 $f(x) = \sin x$ ，在此，先利用 $(\sin x)' = \cos x$ ，且 $(\cos x)' = -\sin x$ 性質 |
| 303 | 例題 11 題目 | 證明 $\ln(1+x) = x - \frac{1}{2}x^2 + \frac{1}{3}x^3 - \frac{1}{4}x^4 + \dots$ ，對於 $ x < 1$ 。 | 證明 $\ln(1+x) = x - \frac{1}{2}x^2 + \frac{1}{3}x^3 - \frac{1}{4}x^4 + \dots$ ， $\forall x < 1$ 。 |
| 304 | 第 12~13 行 | $f(x) = \sum_{i=1}^{\infty} \frac{(-1)^{i-1}}{i} x^i$ ，對於 $ x < 1$ 即 $\ln(1+x) = x - \frac{1}{2}x^2 + \frac{1}{3}x^3 - \dots$ ，對於 $ x < 1$ 得證。 | $f(x) = \sum_{i=1}^{\infty} \frac{(-1)^{i-1}}{i} x^i$ ， $\forall x < 1$ 即 $\ln(1+x) = x - \frac{1}{2}x^2 + \frac{1}{3}x^3 - \dots$ ， $\forall x < 1$ 得證。 |